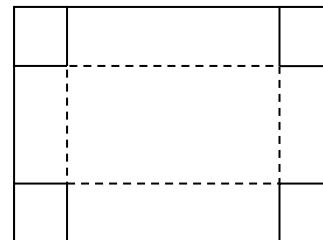
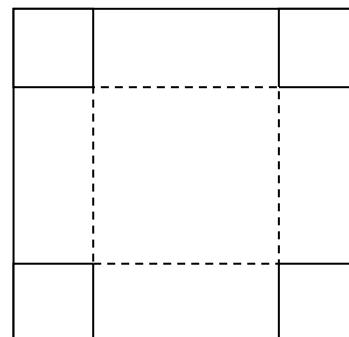


- 1 右の図のように、横が縦より 4 cm 長い長方形がある。この紙の 4 すみから 1 辺が 3 cm の正方形を切り取り、直方体の容器を作ったら、容積が 420 cm^3 になった。もとの長方形の紙の縦の長さと横の長さを求めよ。



縦 cm, 横 cm

- 2 右の図のように、正方形の厚紙の 4 すみから 1 辺が 2 cm の正方形を切り取り、深さ 2 cm、容積が 128 cm^3 の箱を作る。もとの正方形の 1 辺の長さを何 cm にすればよいか。



..... cm



【解答】

1 もとの長方形の縦の長さを $x\text{cm}$ とすると、横の長さは $x + 4(\text{cm})$ と表せるので、

$$3(x - 6)(x + 4 - 6) = 420$$

両辺を3で割って、

$$(x - 6)(x - 2) = 140$$

左辺を展開して、右辺の63を左辺に移項して整理すると

$$x^2 - 8x - 128 = 0$$

左辺を因数分解して、

$$(x - 16)(x + 8) = 0$$

$$x = 16, -8$$

$x > 6$ より $x = -8$ は問題に合わない。

よって、もとの長方形の縦の長さは16cm、横の長さは $16+4=20(\text{cm})$ となり

これは問題に合う。

答え 縦 16 cm, 横 20 cm

2 道もとの正方形の1辺の長さを $x\text{cm}$ とすると、

$$2(x - 4)^2 = 128$$

両辺を2で割って、

$$(x - 4)^2 = 64$$

左辺の2乗を取って右辺は平方根をとると

$$x - 4 = \pm 8$$

左辺の-4を右辺に移項して、

$$x = 4 \pm 8$$

これを計算すると

$$x = 12, -4$$

$x > 4$ より $x = -4$ は問題に合わない。

よって、もとの長方形の縦の長さは12cmとなり

これは問題に合う。

答え 12 cm

